

## Inhaltsverzeichnis

<b>1 Regelstrecken</b>	<b>13</b>
1.1 Blockbildreduktion . . . . .	13
1.2 Polortskurven für ein PT <sub>2</sub> -Element . . . . .	14
1.3 Exponentiell anwachsende Störung . . . . .	14
1.4 Störungsübertragungsfunktion . . . . .	15
1.5 Stoßantwort bei $D = 1$ . . . . .	15
1.6 Resonanzfrequenz, 0-dB-Durchtrittsfrequenz und Transientenfrequenz in Abhängigkeit vom Dämpfungsgrad . . . . .	15
1.7 Wendepunkt der Sprungantwort . . . . .	16
1.8 PT <sub>2</sub> -System . . . . .	17
1.9 Ortskurve eines Elements mit Totzeit . . . . .	17
1.10 Identifikation einer Regelstrecke . . . . .	17
1.11 Greiferkran . . . . .	18
1.12 Aufgestelltes Pendel . . . . .	19
1.13 Heizungsregelstrecke . . . . .	19
1.14 Ortskurve des Frequenzgangs eines PDT <sub>3</sub> -Elements . . . . .	20
1.15 Allpass in Operationsverstärkerbeschaltung . . . . .	20
1.16 Logarithmisch dargestellte Sprungantwort . . . . .	20
1.17 SIMO-Regelstrecke . . . . .	21
1.18 Trajektorien eines IT <sub>1</sub> -Systems . . . . .	21
1.19 Motorenanlauf . . . . .	22
1.20 Regelstrecke in Form einer Differenzengleichung . . . . .	22
1.21 Motorenanlaufverhalten . . . . .	22
1.22 Fahrleistung . . . . .	23
1.23 Synthetische Division . . . . .	23
1.24 Bode-Diagramm, exakt und in Polygon-Approximation . . . . .	23
1.25 Frequenzgangsermittlung aus der Sprungantwort . . . . .	24
1.26 Nominal-Stationärleistung Kranantrieb . . . . .	24
1.27 IT <sub>t</sub> -System . . . . .	25
1.28 Linearisierung an einer Synchronmaschine . . . . .	25
1.29 Sprungantwort mit endlichen Anfangsbedingungen . . . . .	26
1.30 Bode-Diagramm eines hochgradig schwingungsfähigen Systems . . . . .	26
1.31 Sprungantwort eines ungedämpften Systems . . . . .	26
1.32 Sprungantwort unter verschiedenen Anfangsbedingungen . . . . .	27
1.33 Bode-Diagramm mit schlechter Polygonapproximation . . . . .	27
1.34 Streckenidentifikation . . . . .	28
1.35 Identifikation eines Bandpasses . . . . .	29
1.36 Boje in stabiler aufrechter Lage . . . . .	29
<b>2 Analyse einfacher Regelkreise</b>	<b>31</b>
2.1 Kenngrößen eines Regelkreises 2. Ordnung . . . . .	31
2.2 * Drehzahlregelung einer Gleichstrommaschine . . . . .	31
2.3 Störungsübertragung . . . . .	32
2.4 Sprungantwort eines Regelkreises auf Sollwertsprung . . . . .	34
2.5 * Stellenergie an einer integrierenden Strecke . . . . .	34
2.6 Schleppfehler . . . . .	34
2.7 Anregelzeit . . . . .	35

2.8 * Schwach instabiler Regelkreis mit PT <sub>2</sub> -Strecke . . . . .	35
2.9 Dynamischer Regelfaktor . . . . .	36
2.10 Stellgröße bei Führungssprung . . . . .	37
2.11 Asymptote einer Frequenzgangsortskurve . . . . .	37
2.12 Fläche unter der Regelabweichung . . . . .	38
2.13 Maximaler Wert des Störungsfrequenzgangs . . . . .	38
2.14 Flächen zum Abweichungsfrequenzgang . . . . .	38
2.15 * Regelkreis mit Toleranz im Dämpfungsgrad der Strecke . . . . .	39
2.16 Bode-Diagramm aus der analytischen Angabe . . . . .	40
2.17 Phasenrand als Funktion der Kreisverstärkung . . . . .	40
2.18 Störungsfrequenzgänge je nach Angriffspunkt . . . . .	40
2.19 Regelkreispole mit gleichem Realteil . . . . .	41
2.20 Ersatz der Störung durch simulierte Führung . . . . .	41
2.21 Durchtrittsfrequenz nahe der Knickstelle . . . . .	41
2.22 Abstandsregelung zweier Flugzeuge . . . . .	42
2.23 Regelkreis und zugeschaltete harmonische Anregung . . . . .	43
2.24 Zeitbereichsdaten aus gegebenem  F <sub>o</sub> (jω)  . . . . .	43
2.25 Regelkreisverhalten aus  F <sub>o</sub> (jω)  . . . . .	44
2.26 Regelkreisdiskussion mit Wurzelortskurve . . . . .	44
2.27 Maximaler Schleppfehler . . . . .	45
2.28 * Phasenrand und Überschwingweite bei einer PT <sub>2</sub> -Schleife . . . . .	45
2.29 Regelkreisreaktion auf Sollwertstoß . . . . .	46
2.30 * Wurzelortskurve und maximaler Dämpfungsfaktor . . . . .	46
2.31 Blockbildreduktion einer mehrschleifigen Anordnung . . . . .	47
2.32 Regelkreis mit zwei instabilen Schleifenpolen . . . . .	48
2.33 Asymptote der Ortskurve eines PIDT <sub>1</sub> -Reglers . . . . .	48
2.34 Stoßantwortnäherung . . . . .	49
2.35 Maximale Stellgröße eines optimal ausgelegten Systems . . . . .	49
2.36 * Messgeräteausfall und seine Auswirkung . . . . .	50
2.37 Regelkreisbeurteilung aus dem Betrag der Schleife . . . . .	50
2.38 * Wurzelort eines Systems vierter Ordnung . . . . .	52
2.39 * Einfach- und Mehrfachverzweigung einer Wurzelortskurve . . . . .	52
2.40 * Dreiecksimpulsantwort mittels Faltung . . . . .	53
2.41 Faltung und Laplace-Transformation . . . . .	53
2.42 Schlechtestes Störungsverhalten . . . . .	54
2.43 Signalflussdiagramm . . . . .	54
2.44 Wurzelortskurve und imaginäre Achse . . . . .	54
2.45 * Wurzelortskurve und zulässiger Verstärkungsbereich . . . . .	55
2.46 Durchlaufdauer durch einen elliptischen Grenzzyklus . . . . .	56
2.47 * Wurzelortskurve nach einer Pollage . . . . .	56
2.48 Wurzelortskurve für negative Verstärkung . . . . .	57
2.49 Regelkreisresonanz im Führungsverhalten . . . . .	58
2.50 Stabilität und Wurzelortskurven . . . . .	58
2.51 * Durchtrittsfrequenz, Phasenrand und Anregelzeit . . . . .	59
2.52 Allpass-Schleife und Phasenrand . . . . .	60
2.53 * Last an einem elastischen Seil . . . . .	60
2.54 * Regelung mit Allpass als Strecke . . . . .	61
2.55 Spezielle Anfangsbedingung . . . . .	63
2.56 Regelung mit I <sub>2</sub> -Strecke . . . . .	63
2.57 3-dB-Bandbreite des Führungsverhaltens . . . . .	63
2.58 * Regelkreisreaktion auf einen Dreiecksimpuls der Störgröße . . . . .	64
2.59 Ortskurve der Sensitivität eines Regelkreises . . . . .	64
2.60 Größte Ortskurvendistanz . . . . .	65
2.61 Grenzstabilität bei Schleife mit Vierfachpol (2n-fach-Pol) . . . . .	66
2.62 Phasenrand und Schleife mit Siebzehnfach-Polstelle . . . . .	66

<b>3 Einfache Entwürfe von Regelkreisen</b>	<b>67</b>
3.1 Regelkreis aus Totzeitelement und Integrator . . . . .	67
3.2 Förderband-Regelung . . . . .	67
3.3 Betragsoptimum zu $PT_4$ -Strecke und PI-Regler . . . . .	68
3.4 Reglerdimensionierung für dominierendes Polpaar . . . . .	69
3.5 Dimensionierung auf Phasenreserve . . . . .	69
3.6 Ziegler-Nichols-Einstellung . . . . .	70
3.7 * Totzeitkompensation . . . . .	70
3.8 * Geschwindigkeitsregelung an einer Elektrolokomotive . . . . .	71
3.9 PI-Regler-Dimensionierung . . . . .	72
3.10 Phasenrand zur Dimensionierung . . . . .	72
3.11 Störungsfrequenz mit bestimmter Resonanz . . . . .	73
3.12 PDT <sub>1</sub> -Regler-Auslegung . . . . .	73
3.13 Reglerdimensionierung auf bestimmte Regelkreisantwort . . . . .	74
3.14 Betragsoptimum ohne Aufhebungskompensation . . . . .	74
3.15 Reglerdimensionierung auf Führungsimpulsantwort . . . . .	74
3.16 Reglereinstellung für 48° Phasenrand . . . . .	75
3.17 Ausbleibende Schwingungsneigung des Regelkreises . . . . .	75
3.18 Betragsoptimale Auslegung mit Aufhebungskompensation . . . . .	76
3.19 Regelkreisdimensionierung auf Führungsimpulsantwort . . . . .	76
3.20 Bemessung auf bestimmten Phasenrand . . . . .	77
3.21 Symmetrisches Optimum . . . . .	77
3.22 Reglerentwurf auf Überschwingfreiheit . . . . .	78
3.23 Entwurf eines P-Reglers zu einer Totzeitstrecke . . . . .	78
3.24 Entwurf auf Durchtrittsfrequenz und Phasenrand . . . . .	78
3.25 PI-Regler-Bemessung zu einer $PT_2T_t$ -Strecke . . . . .	79
3.26 PI-Regler mit Stellgrößenbeschränkung . . . . .	79
3.27 Referenzmodell für den einschleifigen Regelkreis . . . . .	80
3.28 * Reglerbemessung zu einer I <sub>2</sub> -Strecke . . . . .	80
3.29 Regelkreisbemessung auf maximale Stellgröße . . . . .	81
3.30 Zweischleifige Regelung mit Digitalrechner . . . . .	82
3.31 Reglerentwurf für Überschwingen und Ausregelzeit . . . . .	82
3.32 Geschwindigkeitskonstante . . . . .	82
3.33 Fehlerfreie Positionsregelung . . . . .	83
3.34 Kleinster Dämpfungsgrad . . . . .	83
3.35 Transmissionsnullstelle . . . . .	83
3.36 Kombinierte Anregung und Anfangsbedingungen . . . . .	83
3.37 Möglichkeit zur Stabilisierung? . . . . .	84
3.38 Vorgabe des Dämpfungsfaktors . . . . .	84
3.39 Vorgabe des Schleppfehlers . . . . .	84
3.40 Phasenrand und Stabilität . . . . .	84
<b>4 Stabilität</b>	<b>85</b>
4.1 Ortskurve vom Schleifenfrequenzgang $F_o(j\omega)$ . . . . .	85
4.2 Vollständige Ortskurve und Nyquist-Kriterium . . . . .	85
4.3 Stabilität eines Synchronmotor-Antriebs . . . . .	85
4.4 * Instabiler Regler und instabile Nichtphasenminimum-Strecke . . . . .	86
4.5 * Reeller Stabilitätsradius für ein System 2. Ordnung . . . . .	87
4.6 Nyquist-Stabilität einer PIDT <sub>2</sub> -Schleife . . . . .	88
4.7 * Stabilitätsradius. Polynomgrad bei analytischer Darstellung . . . . .	88
4.8 Lyapunov-Stabilität . . . . .	90
4.9 Hurwitz-Kriterium . . . . .	90
4.10 * Minimaler Stabilitätsradius . . . . .	91
4.11 * Youla-Stabilisierung einer skalaren integrierenden Strecke . . . . .	91
4.12 Stabilität mit Beiwertbedingungen und Nyquist-Kriterium . . . . .	92
4.13 Stabilität bei instabiler PIT <sub>1</sub> -Schleife . . . . .	92
4.14 Routh-Schema zu einer IT <sub>3</sub> -Schleife . . . . .	94
4.15 Stabilität eines dreischleifigen Regelkreises . . . . .	94

4.16 Stabilität nach Nyquist bei allpasshaltiger Strecke . . . . .	94
4.17 Stabilitätsbereich mit Wurzelortskurve . . . . .	95
4.18 Instabiler Regelkreis bei instabiler Schleife . . . . .	95
4.19 Bode-Diagramm und eigeninstabiles System . . . . .	96
4.20 Nyquist-Kriterium und Stabilitätsbereich . . . . .	97
4.21 Instabile $IT_1$ -Schleife und Nyquist-Kriterium . . . . .	97
4.22 Routh-Kriterium und PI-Regler-Bemessung . . . . .	97
4.23 Regelschleife mit Vierfachpolstelle . . . . .	99
4.24 Wurzelortskurve für imaginäres Streckenpolpaar . . . . .	99
4.25 Regelschleife mit zwei instabilen Polen . . . . .	99
4.26 Wurzelortskurve für eine Regelschleife mit Doppelpol . . . . .	100
4.27 Nyquist-Kriterium für Allpass-Inverse . . . . .	101
4.28 Interne Stabilität bei Pol-Nullstellen-Kürzung . . . . .	101
4.29 Kontinuierliche Regelung mit Halteglied . . . . .	101
4.30 * Stabilität und verschwindender Schleppfehler . . . . .	102
4.31 Regelkreis fast an der Stabilitätsgrenze . . . . .	103
4.32 Nyquist-Stabilitätskriterium für mehrere Schleifen . . . . .	103
4.33 * Stabilitätsbereich für Allpass-Regelkreis . . . . .	104
4.34 Nyquist-Ortskurve und -Stabilität bei $IT_1 T_t$ -Schleife . . . . .	104
4.35 * Stabilitätsbereich bei Allpass-Strecke . . . . .	105
4.36 Stabilität bei Allpass-Strecke nahe einem Nennpunkt . . . . .	107
4.37 Stabilitätsbereich eines $PDT_1$ -Reglers mit instabiler $PT_2$ -Strecke . . . . .	107
4.38 Stabilität nach den Beiwertbedingungen in zwei Varianten . . . . .	107
4.39 $PIT_t$ -Schleife und Nyquist-Stabilität . . . . .	109
4.40 Stabilität bei $IT_2$ -Schleife nach Cremer, Leonhard, Michailow . . . . .	109
4.41 Bode-Stabilitätskriterium . . . . .	110
4.42 Routh-Stabilitätskriterium . . . . .	110
4.43 Bestimmung der Stabilität . . . . .	111
4.44 Stabilität einer zweischleifigen Regelung . . . . .	111
4.45 Stabilitätsbereich einer $IT_3$ -Schleife nach Routh . . . . .	111
4.46 Stabilitätsbereich mittels Routh-Schema . . . . .	112
4.47 * Stabilität nach den Beiwertbedingungen für $PT_t$ -System . . . . .	112
4.48 Beiwertbedingungen für Stabilitätsbereich eines $I_2 T_2$ -Systems . . . . .	113
4.49 Schließbedingung für komplexe $s$ . . . . .	113
4.50 Schließbedingung für imaginäre $s$ an $PT_3$ -System . . . . .	114
4.51 Phasenrand und Amplitudenrand aus der Frequenzgangsortskurve . . . . .	114
4.52 * Interne Stabilität . . . . .	114
4.53 Instabiler Regler, stabiler Regelkreis unter Polvorgabe . . . . .	115
4.54 Nyquist-Stabilitätsbereich für einen P-Regler . . . . .	116
4.55 Stabilitätsbereich für $PDT_1$ -Regler an $IT_2$ -Strecke . . . . .	116
4.56 Nyquist-Stabilität . . . . .	116
4.57 * Familie der stabilisierenden Eingrößenregler. Polynommethode . . . . .	117
4.58 Koordinatentransformation . . . . .	117
4.59 Entwurf auf Stabilitätsreserve . . . . .	118
4.60 Cremer-Leonhard-Michailow-Stabilitätskriterium . . . . .	118
4.61 Stabilität nach Cremer, Leonhard, Michailow für verschiedene Verstärkungen . . . . .	118
4.62 Stabilitätsgrenze aus der Wurzelortskurve . . . . .	119
4.63 Nyquist-Kriterium für $PDT_1$ -Schleife . . . . .	119
4.64 * Ortskurven für entartetes $F_o(s)$ . . . . .	119
<b>5 Zustandsregelungen</b> . . . . .	<b>121</b>
5.1 * Elemente der Transitionsmatrix einer Regelstrecke . . . . .	121
5.2 Eigenwerte der Transitionsmatrix einer Regelstrecke . . . . .	122
5.3 Transitionsmatrix für $PT_2$ -Regelstrecke . . . . .	123
5.4 Regelstrecke in Regelungsnormalform . . . . .	123
5.5 Koeffizientenmatrix aus der Übertragungsmatrix . . . . .	123
5.6 Übertragungsfunktion aus der Transitionsmatrix . . . . .	124
5.7 Transitionsmatrix und Übertragungsfunktion aus der Koeffizientenmatrix . . . . .	124

5.8	Stoßantwort zu einem System mit Angabe im Zustandsraum . . . . .	124
5.9	Modalmatrix . . . . .	125
5.10	Transitionsmatrix . . . . .	125
5.11	Modalmatrix-Bestätigung . . . . .	125
5.12	* Faddeev-Algorithmus . . . . .	125
5.13	Zustandsraumdarstellung einer zeitdiskreten Regelstrecke . . . . .	126
5.14	Transitionsmatrix einer zeitdiskreten Regelstrecke . . . . .	127
5.15	Eigenwertrelationen gemäß Cayley–Hamilton . . . . .	127
5.16	Änderung der Eigenwerte bei Änderung in der Koeffizientenmatrix . . . . .	127
5.17	Regelkreis mit Zustandsregler und I-Element . . . . .	127
5.18	Zustandsregler und Vorfilter . . . . .	128
5.19	Zustandsregler unter Polvorgabe . . . . .	128
5.20	Zustandsregler und sein Koppelplan . . . . .	129
5.21	Zustandsregler auf vorgegebene Sollwertsprungantwort . . . . .	130
5.22	* Symmetrische Mehrgrößenregelung im Zustandsraum . . . . .	130
5.23	Nichtsteuerbarkeit und Nichtbeobachtbarkeit . . . . .	132
5.24	Polverschiebung und Polkompensation durch Zustandsregelung . . . . .	133
5.25	Regelkreis in Zustandsraumdarstellung . . . . .	133
5.26	* Regelkreisentwurf bei Vorgabe von Polen und Nullstellen . . . . .	133
5.27	Zustandsregler und Sensitivität . . . . .	134
5.28	Matrixfunktion . . . . .	135
5.29	Zustandsregler, Berechnung von Stellgröße und Vorfilter . . . . .	135
5.30	Zustandsregler zur Polverschiebung . . . . .	136
5.31	* Eingeschränkter Zustandsregler und Polverschiebung . . . . .	136
5.32	Analyse einer Zustandsregelung . . . . .	136
5.33	Entwurf einer Abtastregelung mit Polvorgabe . . . . .	137
5.34	* Entwurf eines Zustandsreglers durch Polvorgabe bei verschiedenen Streckendarstellungen	138
5.35	Zustandsraumdarstellung zu gegebener Streckenübertragungsfunktion . . . . .	139
5.36	* Dimensionierung einer Positions-Zustandsregelung . . . . .	139
5.37	* Kontrolle der Transitionsmatrix . . . . .	140
5.38	Zustandsraumdarstellung aus der Übertragungsfunktion . . . . .	140
5.39	Übertragungsfunktion aus der Zustandsraumdarstellung . . . . .	141
5.40	Übertragungsfunktion und Zustandsraumdarstellung aus dem gegebenen Koppelplan . . . . .	141
5.41	* Zustandsregler mit Integrator, Stabilitätsbereich . . . . .	141
5.42	* Zustandsregler mit Integrator . . . . .	142
5.43	Zustandsregelung in Potenzreihenentwicklung . . . . .	144
5.44	Stabilität einer Zustandsregelung . . . . .	144
5.45	* Differenzierung als Schaltungskombination im Zustandsraum . . . . .	144
5.46	Einfache Rückführung als Schaltungskombination . . . . .	145
5.47	* Unbestimmte Form $s \rightarrow 0$ gegen Inverse der entarteten Systemmatrix . . . . .	145
5.48	Spezielle Zustandsraumdarstellungen . . . . .	146
5.49	Zustandsraumdarstellung in Tabellenform . . . . .	147
5.50	* Zustandsraumdarstellung der Kettenbildung zweier Mehrgrößensysteme . . . . .	147
5.51	Transienten in der Phasenebene . . . . .	147
5.52	Bewegungen in der Phasenebene . . . . .	148
5.53	* Ausgangs-Zustandsregler-Vektor mit Leverrier-Algorithmus . . . . .	149
5.54	Vermeidung einer Inversen . . . . .	150
<b>6</b>	<b>Beobachter</b> . . . . .	<b>151</b>
6.1	Beobachter an einer Eingrößenstrecke . . . . .	151
6.2	Beobachterentwurf bei Strecke in Beobachtungsnormalform . . . . .	151
6.3	Beobachter bei Strecke in Regelungsnormalform . . . . .	152
6.4	Regelstrecke samt Beobachter . . . . .	152
6.5	Beobachterentwurf und Beobachterkoppelplan . . . . .	153
6.6	Strecke zum Beobachter . . . . .	154
6.7	* Beobachter für Modalgrößen . . . . .	154
6.8	Beobachter unter Polvorgabe . . . . .	155
6.9	Beobachterentwurf . . . . .	156

<b>7 Totzeitregelungen</b>	<b>157</b>
7.1 Ortskurve eines Totzeitelements . . . . .	157
7.2 Totzeitregelung . . . . .	157
7.3 Abtastregelkreis mit Totzeit . . . . .	157
7.4 Identifikation eines Totzeitgliedes . . . . .	158
7.5 * Betragsnäherung einer Totzeitregelstrecke . . . . .	159
7.6 Totzeitregelung mit P-Element . . . . .	160
7.7 Totzeitregelung mit I-Element . . . . .	160
7.8 Untersuchung einer Totzeitregelung für verschiedene $T_t$ . . . . .	161
7.9 Regelkreisbemessung nach dem Betragsoptimum . . . . .	161
7.10 * Stabilität einer Regelschleife mit Resonanz und Totzeit . . . . .	162
7.11 $I_2 T_t$ -Element und Frequenzgangsortskurve . . . . .	163
7.12 Stabilität einer $IT_t$ -Schleife mit Beiwertbedingungen . . . . .	163
7.13 * Vergleich $PT_t$ - und $PT_n$ -Element . . . . .	164
7.14 * Entwurf eines P-Reglers an einer Totzeitstrecke bei unbekannter Störgrößenfrequenz . . . . .	165
<b>8 Abtastregelungen</b>	<b>167</b>
8.1 Modifizierte $z$ -Rücktransformation . . . . .	167
8.2 Näherung der Ortskurve eines getasteten Signals . . . . .	167
8.3 Abtastregelstrecke . . . . .	168
8.4 Zulässige Abtastzeit in Totzeitabschätzung . . . . .	169
8.5 Zulässige Abtastzeit für Stabilität . . . . .	169
8.6 Abtastereinfluss auf die Stabilität . . . . .	170
8.7 Dead-Beat-Regler . . . . .	170
8.8 Stellgröße eines Abtastreglers . . . . .	170
8.9 Abtastregelkreis mit integrierender Schleife . . . . .	171
8.10 Bode-Diagramm von $F_o(z)$ ohne $w$ -Ebene . . . . .	171
8.11 Stabilität einer Abtastregelung mit und ohne Regler-Halteglied . . . . .	171
8.12 Abtastzeit an der Stabilitätsgrenze . . . . .	172
8.13 Stabilitätsgrenze mittels Wurzelortskurve . . . . .	173
8.14 * Abtastregelkreis mit $PDT_2$ -Strecke . . . . .	173
8.15 Abtastregelkreis. Stabilitätsbereich des P-Reglers . . . . .	174
8.16 Dead-Beat-Verhalten zu den Abtastzeitpunkten . . . . .	174
8.17 * Abtastregelung auf Sprung- und Exponentialeingang . . . . .	174
8.18 Abtastregler-Differenzengleichung . . . . .	175
8.19 * Reaktion einer getasteten Regelstrecke . . . . .	176
8.20 * Abtastregelung mit Totzeit . . . . .	177
8.21 Abtastregelkreis mit ein oder zwei Haltegliedern . . . . .	179
8.22 Wurzelortskurve zu einer Abtastregelung mit Schleifendoppelpol . . . . .	179
8.23 Abtastregelkreis mit Einheitsvorwärtzweig . . . . .	180
8.24 Spektrum des Halteglieds nullter Ordnung . . . . .	180
8.25 Verstärkungseinstellung bei einem Abtastregelkreis . . . . .	181
8.26 * Entwurf eines Abtastregelkreises . . . . .	181
8.27 Entwurf in der $w$ -Ebene als integrale Schleife . . . . .	182
8.28 * Näherungen für $PT_{2s}$ -Element nach Euler und nach Tustin . . . . .	182
8.29 Abtastregelung mit Einheitsregler . . . . .	183
8.30 Differenzengleichung und $z$ -Transformation . . . . .	184
8.31 Verstärkung an der Stabilitätsgrenze . . . . .	184
8.32 Abtaster vor dem Vergleichsglied . . . . .	184
8.33 Ortskurve des Abtastsystems . . . . .	185
8.34 Abschnittweise stabile Abtastregelung . . . . .	185
8.35 Stabilitätsdiskussion mit Wurzelortskurve . . . . .	186
8.36 Abtastregelung, Stabilität über $T$ und $V$ . . . . .	186
8.37 * Schrittregler-Regelkreis . . . . .	187
8.38 P-Regler mit verschiedener Abtastzeit . . . . .	188
8.39 I-Regler mit verschiedener Abtastzeit . . . . .	188
8.40 Schleppfehler bei einem Abtastregelkreis . . . . .	189
8.41 * Abtastregler in Tustin-Näherung . . . . .	190

8.42 Abtastregelung. Dead-Beat-Überprüfung . . . . .	190
8.43 * Rechner-Regler . . . . .	191
8.44 Stabilität in der $w$ -Ebene . . . . .	191
8.45 * Abtastregelkreis. Regler mit und ohne Halteglied . . . . .	192
8.46 * Zeitoptimale zeitdiskrete Zustandsregelung . . . . .	194
8.47 Abtastregelung mit verschiedenen Abtastzeiten . . . . .	194
<b>9 Mehrgrößenregelungen</b>	<b>195</b>
9.1 P-kanonische Darstellung aus der V-kanonischen . . . . .	195
9.2 Zweigrößensystem mit einseitiger Kopplung . . . . .	196
9.3 Stabilität eines V-kanonischen Systems . . . . .	196
9.4 Führungsautonomer Mehrgrößen-Regelkreis . . . . .	196
9.5 * Zweischleifige Regelung mit Querbeeinflussung . . . . .	197
9.6 * Regelkreis in nur teilweiser Funktion . . . . .	197
9.7 Entkopplung einer Messmatrix . . . . .	199
9.8 * Tilgung einer Verkopplung . . . . .	199
9.9 * Mehrgrößenregelung ohne Kopplungsregler . . . . .	200
9.10 Zweigrößenregelung und Routh-Stabilität . . . . .	201
9.11 * Mehrgrößen-Abtastregelung im Zustandsraum . . . . .	202
9.12 * Zweigrößenregelung mit I-Reglern . . . . .	203
9.13 * Dynamisches Vorfilter zur Autonomisierung . . . . .	204
9.14 Identität . . . . .	204
9.15 Kontrollbeobachter . . . . .	205
9.16 Grenzstabilität einer Zweigrößenregelung . . . . .	205
9.17 * Schrittweise Verbesserung des Stabilitätsradius . . . . .	206
9.18 Humanbiologischer Mehrgrößenregelkreis . . . . .	206
<b>10 Optimierung</b>	<b>207</b>
10.1 Berechnung der $L_2$ -Norm im Zeitbereich . . . . .	207
10.2 Berechnung der $L_2$ -Norm mit Residuensatz im Frequenzbereich . . . . .	207
10.3 * Berechnung der $L_2$ -Norm mit dem Parseval-Theorem . . . . .	207
10.4 * Berechnung der $L_2$ -Norm mit Controllability-Gramian . . . . .	208
10.5 Zusammenhang zwischen den $H_\infty$ -Normen des Ein- und Ausgangs im Zeitbereich . . . . .	208
10.6 * Infinity-Norm des Ausgangs, 2-Norm des Eingangs . . . . .	209
10.7 * Minimierung eines ITSE-Kriteriums . . . . .	209
10.8 * IEXSE-Kriterium . . . . .	210
10.9 * Hamilton-Matrix in $H_2$ . . . . .	210
10.10 Güteintegral . . . . .	210
10.11 * LQ-Regler mit instabiler Strecke . . . . .	211
10.12 * Minimierung unter Nebenbedingungen . . . . .	211
10.13 * Optimal Modell-Referenzierung . . . . .	211
<b>11 Robuste Regelungen</b>	<b>213</b>
11.1 Kurven konstanter Spektralnorm . . . . .	213
11.2 Bauer-Fike-Theorem . . . . .	213
11.3 Singulärwerte als Grenzen der Eigenwerte . . . . .	214
11.4 * $H_\infty$ -Norm einer $PT_{2s}$ -Strecke samt Zustandsregelung . . . . .	214
11.5 Nichtexistenz einer stabilen Regelung . . . . .	215
11.6 Robuster I-Regler . . . . .	216
11.7 * Kreiskriterium für Stabilitätsrobustheit . . . . .	216
11.8 Robuster Abtastregelkreis . . . . .	217
11.9 Robuste Stabilität einer Abtastregelung mit Totzeit . . . . .	217
11.10 Streckentoleranz für Stabilität . . . . .	217
11.11 * Robuster Eingrößenregler . . . . .	218
11.12 * Robuster Regelkreis mit Routh-Kriterium . . . . .	219
11.13 Robuster Regler nach Patel und Toda . . . . .	220
11.14 Stabilitätsrobustheit von $A$ . . . . .	221
11.15 * Robustes Führungsverhalten einer Eingrößenregelung . . . . .	221

11.16 * Robustes Führungsverhalten . . . . .	222
11.17 * Value Set . . . . .	223
11.18 * Robustes Störungsverhalten einer Eingrößenregelung . . . . .	223
11.19 $H_\infty$ -Norm der Störungsübertragungsfunktion . . . . .	224
<b>12 Regelkreise auf stochastischer Basis</b>	<b>227</b>
12.1 Leistungsdichte des Ausgangssignals . . . . .	227
12.2 Regelkreis unter Messrauschen . . . . .	227
12.3 Spektrale Leistungsdichte des Ausgangs . . . . .	228
12.4 Rauschanregung . . . . .	228
12.5 Approximation eines Rauschsignals . . . . .	228
12.6 Abweichungsspektraldichte . . . . .	229
12.7 * Regelkreis unter Störungsrauschen . . . . .	229
12.8 Spektraldichten des Ausgangs . . . . .	230
12.9 Spektraldichte des Ausgangs bei Anregung mit weißem Rauschen . . . . .	230
12.10 Identifikation aus Spektraldichten . . . . .	231
12.11 * Identifikation im geschlossenen Regelkreis . . . . .	231
12.12 Messrauschminderung . . . . .	231
12.13 Optimale Verstärkung eines Parallel-Elements . . . . .	232
12.14 * Minimum der Ausgangsspektraldichte . . . . .	232
12.15 Formfilter . . . . .	233
12.16 * Stochastischer Regelkreis . . . . .	233
12.17 * Entwurf auf Störung und Messrauschen . . . . .	234
12.18 * Optimale Vorhersage eines Nutzsignalrauschen . . . . .	236
12.19 Rauschersatz: Resonanzamplitude und -frequenz . . . . .	237
12.20 Abschätzung der Rauschauswirkung . . . . .	237
12.21 Auswirkung des Messrauschen auf die Stellgröße . . . . .	238
<b>13 Zweipunktregelungen</b>	<b>239</b>
13.1 Phasenlinien einer linearen Regelstrecke . . . . .	239
13.2 Isoklinen und Trajektorien eines Regelkreises . . . . .	239
13.3 Isokline und Trajektorie . . . . .	240
13.4 * Nichtlinearer Regelkreis in der Phasenebene . . . . .	241
13.5 Zeitoptimale Steuerung eines Zweifachintegrators . . . . .	242
13.6 Unstetiger Greifer-Regler . . . . .	242
13.7 Unstetiger Regler mit Hysterese . . . . .	243
13.8 * Zweipunktregelung mit sprungfähiger Regelstrecke in der Phasenebene . . . . .	244
13.9 * Zweipunktregler mit sprungfähiger Strecke nach Zypkin . . . . .	245
13.10 Zweipunktregler mit interner Rückführung . . . . .	246
13.11 Unstetiger Regler ohne Hysterese . . . . .	246
13.12 Regelung mit Hysterese und zusätzlicher P-Rückführung . . . . .	246
13.13 * Grenzzyklus an einem PDI <sub>2</sub> -System . . . . .	247
13.14 Zustandskurven bei Hysterese-Zweipunktelement . . . . .	248
13.15 Abschätzungen an einem Zweipunktregelkreis . . . . .	249
13.16 * Zweipunktsteuerung/regelung an dämpfungsfreiem PT <sub>2s</sub> -System . . . . .	249
13.17 * Zweipunktregelung an einer PT <sub>1</sub> -Strecke . . . . .	251
13.18 * Zweipunktregelung an mittelwertbildender I <sub>1</sub> -Strecke . . . . .	252
13.19 * Dreipunktregler und Gleiten . . . . .	253
13.20 Stückweise linearer Regler und I <sub>1</sub> -Strecke . . . . .	254
13.21 Stückweise linearer Regler und IT <sub>1</sub> -Strecke . . . . .	256
13.22 Regelung mit I <sub>2</sub> -Schleife und Begrenzung . . . . .	258
13.23 Linearer Regler mit Totzone . . . . .	258
13.24 Korrektur einer mechanischen Turmuhr . . . . .	259
13.25 * Zweipunktregler mit Hysterese und instabiler PT <sub>1</sub> -Strecke . . . . .	260

<b>14 Grenzzyklen mittels Beschreibungsfunktion</b>	<b>261</b>
14.1 Zweipunktelement ohne Hysterese . . . . .	261
14.2 Zweipunktelement mit Hysterese . . . . .	261
14.3 * Dreipunktregler . . . . .	261
14.4 * IT <sub>2</sub> -System und P-Regler mit Ansprechschwelle . . . . .	262
14.5 * Zweipunktregelkreis mit instabiler P-Strecke . . . . .	264
14.6 Zweipunktregelkreis. Anregelzeit . . . . .	264
14.7 Zweipunktregler mit IT <sub>2</sub> -Strecke . . . . .	265
14.8 Zweipunktregler mit IT <sub>t</sub> -Strecke . . . . .	265
14.9 Zweipunktregler mit zweifach instabiler Strecke . . . . .	265
14.10 Integrierende Rückführung zum Zweipunktregler . . . . .	268
14.11 * Instabile Strecke mit frequenzabhängiger Beschreibungsfunktion . . . . .	269
14.12 * Phasenbahnen und Beschreibungsfunktion . . . . .	269
<b>15 Fachübergreifende und komplexe Aufgabenstellungen</b>	<b>271</b>
15.1 Linearisierung. Nichteinstellbarer Arbeitspunkt . . . . .	271
15.2 Zweischleifiger Regelkreis mit verschiedenen Schnittstellen . . . . .	273
15.3 Autopilotenmodell . . . . .	274
15.4 * Mehrgrößenregelung. Versteckte überflüssige Pole . . . . .	276
15.5 Nicht steuerbare (nicht stabilisierbare) Regelstrecke . . . . .	279
15.6 Methode bei unterschiedlichen Eigenwerten . . . . .	280
15.7 Nicht-Steuerbarkeit in Frequenzbereichs-Darstellung . . . . .	280
15.8 Steuerbarkeit mit Gram-Steuerbarkeitsmatrix . . . . .	280
15.9 Steuerbarkeit nach Hautus . . . . .	281
15.10 Steuerbarkeit bei Eingrößensystemen . . . . .	281
15.11 Steuerbarkeit an Laplace-Rücktransformation . . . . .	281
15.12 Veranschaulichung der Nicht-Steuerbarkeit . . . . .	281
15.13 Pol-Nullstellen-Mindestabstand . . . . .	282
15.14 Fuzzy Regelung . . . . .	282
15.15 Editor für Zugehörigkeitsfunktion, Regeln und Defuzzifizierung . . . . .	284
15.16 * Deterministisch-chaotische Regelung . . . . .	285
15.17 * H <sub>∞</sub> -Regelung an einer Magnetschwebestrecke . . . . .	285
15.18 * Symmetrische Wurzelortskurve . . . . .	287
15.19 * Robuste Internal-Model-Control . . . . .	288
15.20 * Differentiell flaches System . . . . .	289
<b>16 Numerische und symbolische Computerunterstützung</b>	<b>291</b>
16.1 MATLAB numerisch. Kurzkurs . . . . .	291
16.2 MATLAB symbolisch. Kurzkurs . . . . .	291
16.3 Simulink . . . . .	292
16.4 * Connect-Anwendung an einem Zweigrößen-System . . . . .	292
16.5 * Auswertungen mit MAPLE und MATLAB . . . . .	294
<b>A Verzeichnis häufig verwendeter Formelzeichen</b>	<b>295</b>
A.1 Allgemeine Hinweise . . . . .	295
A.2 Verknüpfungssymbole . . . . .	295
A.3 Hochgestellte Symbole . . . . .	296
A.4 Indizes . . . . .	296
A.5 Operationszeichen . . . . .	296
A.6 Symbole spezieller Art . . . . .	297
<b>B Literatur</b>	<b>301</b>
<b>C Sachverzeichnis</b>	<b>303</b>