

# Inhaltsverzeichnis

|  |           |
|--|-----------|
| <b>1 Einführung .....</b>  | <b>1</b>  |
| 1.1 Das Konzept der Systemtheorie.....                                       | 1         |
| 1.2 Übersicht über die Methoden der Signalverarbeitung .....                 | 5         |
| <b>2 Analoge Signale.....</b>  | <b>17</b> |
| 2.1 Klassierung der Signale .....  | 17        |
| 2.1.1 Unterscheidung kontinuierlich - diskret.....                           | 17        |
| 2.1.2 Unterscheidung deterministisch - stochastisch.....                     | 19        |
| 2.1.3 Unterscheidung Energiesignale - Leistungssignale .....                 | 19        |
| 2.2 Die Fourier-Reihe .....  | 22        |
| 2.2.1 Einführung .....   | 22        |
| 2.2.2 Sinus- / Cosinus-Darstellung.....                                      | 24        |
| 2.2.3 Betrags- / Phasen-Darstellung.....                                     | 24        |
| 2.2.4 Komplexe Darstellung .....   | 25        |
| 2.2.5 Das Theorem von Parseval für Leistungssignale .....                    | 31        |
| 2.3 Die Fourier-Transformation (FT) .....                                    | 32        |
| 2.3.1 Herleitung des Amplitudendichtespektrums .....                         | 32        |
| 2.3.2 Die Faltung.....   | 38        |
| 2.3.3 Das Rechnen mit der Delta-Funktion.....                                | 41        |
| 2.3.4 Die Fourier-Transformation von periodischen Signalen.....              | 46        |
| 2.3.5 Die Eigenschaften der Fourier-Transformation.....                      | 51        |
| 2.3.6 Das Theorem von Parseval für Energiesignale .....                      | 62        |
| 2.3.7 Tabelle einiger Fourier-Korrespondenzen.....                           | 64        |
| 2.4 Die Laplace-Transformation (LT) .....                                    | 65        |
| 2.4.1 Wieso eine weitere Transformation?.....                                | 65        |
| 2.4.2 Definition der Laplace-Transformation und Beziehung zur FT .....       | 65        |
| 2.4.3 Die Eigenschaften der Laplace-Transformation.....                      | 69        |
| 2.4.4 Die inverse Laplace-Transformation.....                                | 74        |
| 2.4.5 Tabelle einiger Laplace-Korrespondenzen (einseitige Transformation) .. | 75        |
| <b>3 Analoge Systeme .....</b>   | <b>77</b> |
| 3.1 Klassierung der Systeme .....  | 77        |
| 3.1.1 Linearität.....  | 77        |
| 3.1.2 Zeitinvarianz .....  | 80        |
| 3.1.3 Kausale und deterministische Systeme .....                             | 81        |
| 3.1.4 Dynamische Systeme .....   | 81        |
| 3.1.5 Stabilität .....   | 81        |
| 3.2 Die Impulsantwort oder Stossantwort.....                                 | 82        |
| 3.3 Der Frequenzgang und die Übertragungsfunktion.....                       | 90        |
| 3.4 Die Schrittantwort oder Sprungantwort.....                               | 96        |
| 3.5 Kausale Systeme.....   | 102       |
| 3.6 Pole und Nullstellen.....  | 103       |
| 3.6.1 Einführung .....   | 103       |

|        |   |     |
|--------|---|-----|
| 3.6.2  | Amplitudengang, Phasengang und Gruppenlaufzeit .....                  | 106 |
| 3.6.3  | PN-Schemata der Filterarten .....                                     | 111 |
| 3.6.4  | Realisierungsmöglichkeiten .....                                      | 113 |
| 3.7    | Bodediagramme .....   | 114 |
| 3.8    | Systemverhalten im Zeitbereich .....                                  | 117 |
| 3.9    | Spezielle Systeme .....   | 121 |
| 3.9.1  | Mindestphasensysteme.....   | 121 |
| 3.9.2  | Allpässe .....  | 123 |
| 3.9.3  | Zweipole.....   | 125 |
| 3.9.4  | Polynomfilter.....  | 125 |
| 3.10   | Systembeschreibung mit Zustandsvariablen.....                         | 126 |
| 3.11   | Normierung.....   | 128 |
| 3.12   | Übersicht über die Systembeschreibungen .....                         | 131 |
| 3.12.1 | Einführung.....   | 131 |
| 3.12.2 | Stabile LTI-Systeme mit endlich vielen konzentrierten Elementen ..... | 132 |
| 3.12.3 | Nichtlineare und/oder zeitvariante Systeme .....                      | 134 |
| 3.12.4 | Bestimmen der Systemgleichung .....                                   | 135 |
| 3.12.5 | Computergestützte Systemanalyse .....                                 | 138 |
| 3.13   | Das Übertragungsverhalten von LTI-Systemen.....                       | 141 |
| 3.13.1 | Ideale Tiefpass-Systeme.....  | 145 |
| 3.13.2 | Ideale Bandpass-Systeme .....   | 148 |
| 4      | Digitale Signale .....  | 151 |
| 4.1    | Einführung .....  | 151 |
| 4.2    | Die Fourier-Transformation für Abtastsignale (FTA) .....              | 154 |
| 4.2.1  | Einführung.....   | 154 |
| 4.2.2  | Die ideale Abtastung von Signalen .....                               | 154 |
| 4.2.3  | Das Spektrum von abgetasteten Signalen.....                           | 155 |
| 4.2.4  | Das Abtasttheorem .....   | 160 |
| 4.2.5  | Die Rekonstruktion von abgetasteten Signalen (DA-Wandlung).....       | 163 |
| 4.3    | Die diskrete Fourier-Transformation (DFT) .....                       | 166 |
| 4.3.1  | Die Herleitung der DFT .....  | 166 |
| 4.3.2  | Die Verwandtschaft mit den komplexen Fourier-Koeffizienten .....      | 168 |
| 4.3.3  | Die Eigenschaften der DFT .....                                       | 171 |
| 4.3.4  | Die schnelle Fourier-Transformation (FFT).....                        | 176 |
| 4.3.5  | Die Redundanz im Spektrum reeller Zeitfolgen.....                     | 183 |
| 4.4    | Spektralanalyse mit der DFT/FFT .....                                 | 185 |
| 4.4.1  | Einführung.....   | 185 |
| 4.4.2  | Periodische Signale .....   | 187 |
| 4.4.3  | Quasiperiodische Signale .....  | 190 |
| 4.4.4  | Nichtperiodische, stationäre Leistungssignale .....                   | 202 |
| 4.4.5  | Nichtstationäre Leistungssignale.....                                 | 202 |
| 4.4.6  | Transiente Signale .....  | 203 |
| 4.4.7  | Messung von Frequenzgängen .....                                      | 205 |
| 4.4.8  | Zusammenfassung.....  | 206 |
| 4.5    | Die diskrete Faltung .....  | 207 |
| 4.6    | Die z-Transformation (ZT) .....                                       | 209 |
| 4.6.1  | Definition der z-Transformation.....                                  | 209 |
| 4.6.2  | Zusammenhang der ZT mit der LT und der FTA .....                      | 212 |
| 4.6.3  | Eigenschaften der z-Transformation.....                               | 215 |

|          |   |            |
|----------|---|------------|
| 4.6.4    | Die inverse $z$ -Transformation.....                            | 219        |
| 4.6.5    | Tabelle einiger $z$ -Korrespondenzen.....                       | 221        |
| 4.7      | Übersicht über die Signaltransformationen .....                 | 222        |
| 4.7.1    | Welche Transformation für welches Signal? .....                 | 222        |
| 4.7.2    | Zusammenhang der verschiedenen Transformationen .....           | 223        |
| <b>5</b> | <b>Digitale Systeme.....</b>                                    | <b>229</b> |
| 5.1      | Einführung.....   | 229        |
| 5.2      | Die Differenzengleichung.....                                   | 235        |
| 5.3      | Die Impulsantwort .....   | 237        |
| 5.4      | Der Frequenzgang und die $z$ -Übertragungsfunktion.....         | 240        |
| 5.5      | Die Schrittantwort.....   | 246        |
| 5.6      | Pole und Nullstellen.....                                       | 247        |
| 5.7      | Strukturen und Blockschaltbilder .....                          | 250        |
| 5.8      | Digitale Simulation analoger Systeme.....                       | 256        |
| 5.9      | Übersicht über die Systeme .....                                | 259        |
| 5.10     | Der Einfluss der Amplitudenquantisierung .....                  | 261        |
| 5.10.1   | Einführung .....  | 261        |
| 5.10.2   | Quantisierung bei der AD-Wandlung .....                         | 261        |
| 5.10.3   | Quantisierung der Filterkoeffizienten .....                     | 264        |
| 5.10.4   | Quantisierung der Rechenergebnisse .....                        | 267        |
| 5.11     | Die Realisierung von digitalen Systemen .....                   | 268        |
| 5.11.1   | Die Signalwandler.....  | 269        |
| 5.11.1.1 | Sample- and Hold-Schaltungen (S&H).....                         | 269        |
| 5.11.1.2 | Analog-Digital-Wandler (ADC).....                               | 270        |
| 5.11.1.3 | Digital-Analog-Wandler (DAC).....                               | 271        |
| 5.11.2   | Die Verarbeitungseinheit .....                                  | 271        |
| 5.11.2.1 | Hardware .....  | 272        |
| 5.11.2.2 | Mikrocomputer und -Controller .....                             | 272        |
| 5.11.2.3 | Digitale Signalprozessoren (DSP).....                           | 272        |
| 5.11.3   | Die Software-Entwicklung .....                                  | 274        |
| <b>6</b> | <b>Zufällige Signale .....</b>                                  | <b>279</b> |
| 6.1      | Einführung.....   | 279        |
| 6.2      | Wahrscheinlichkeitsfunktion und Wahrscheinlichkeitsdichte ..... | 280        |
| 6.2.1    | Wahrscheinlichkeit.....   | 280        |
| 6.2.2    | Bedingte Wahrscheinlichkeit .....                               | 282        |
| 6.2.3    | Verbundwahrscheinlichkeit .....                                 | 283        |
| 6.2.4    | Zufallsvariablen und Wahrscheinlichkeitsdichte .....            | 284        |
| 6.2.5    | Erwartungswert, Varianz und Standardabweichung .....            | 290        |
| 6.3      | Zufallsfunktionen und stochastische Prozesse.....               | 295        |
| 6.3.1    | Mittelwerte .....   | 295        |
| 6.3.2    | Die Autokorrelationsfunktion (AKF).....                         | 298        |
| 6.3.3    | Die AKF von periodischen Signalen.....                          | 302        |
| 6.3.4    | Die Kreuzkorrelationsfunktion (KKF) .....                       | 304        |
| 6.4      | Die Beschreibung von Zufallssignalen im Frequenzbereich .....   | 307        |
| 6.4.1    | Leistungsdichtespektren.....                                    | 307        |
| 6.4.2    | Das Kreuzleistungsdichtespektrum .....                          | 310        |
| 6.4.3    | Leistungsspektren von periodischen Signalen.....                | 311        |

|       |   |     |
|-------|---|-----|
| 6.5   | Einige Anwendungen.....   | 312 |
| 6.5.1 | Die Messung der Korrelationsfunktionen .....                      | 312 |
| 6.5.2 | Auffinden einer Periodizität mit der AKF .....                    | 313 |
| 6.5.3 | Ermitteln der Form eines gestörten periodischen Signals .....     | 317 |
| 6.5.4 | Zeitmessung mit der KKF .....                                     | 319 |
| 6.5.5 | Weisses Rauschen .....  | 319 |
| 7     | Reaktion von Systemen auf Zufallssignale .....                    | 323 |
| 7.1   | Systemreaktion .....  | 323 |
| 7.1.1 | Berechnung im Zeitbereich .....                                   | 323 |
| 7.1.2 | Berechnung im Frequenzbereich.....                                | 326 |
| 7.1.3 | Beispiele .....   | 328 |
| 7.2   | Messung von Frequenzgängen.....                                   | 330 |
| 7.2.1 | Das Prinzip der Korrelationsmessung .....                         | 330 |
| 7.2.2 | Messung bei verrauschten Signalen .....                           | 334 |
| 7.2.3 | Die Kohärenzfunktion .....  | 336 |
| 7.2.4 | Die Erzeugung von PRBN-Folgen .....                               | 345 |
| 7.3   | Optimalfilter (matched filter).....                               | 350 |
| 8     | Analoge Filter.....   | 357 |
| 8.1   | Einführung .....  | 357 |
| 8.2   | Approximation des idealen Tiefpasses .....                        | 364 |
| 8.2.1 | Einführung.....   | 364 |
| 8.2.2 | Butterworth-Approximation.....                                    | 365 |
| 8.2.3 | Tschebyscheff-I-Approximation .....                               | 368 |
| 8.2.4 | Bessel-Approximation.....   | 371 |
| 8.2.5 | Tschebyscheff-II- und Cauer-Approximation .....                   | 371 |
| 8.2.6 | Filter mit kritischer Dämpfung.....                               | 372 |
| 8.3   | Frequenztransformation .....                                      | 373 |
| 8.3.1 | Tiefpässe .....   | 373 |
| 8.3.2 | Hochpässe .....   | 373 |
| 8.3.3 | Bandpässe.....  | 375 |
| 8.3.4 | Bandsperrnen.....   | 379 |
| 8.3.5 | Allpässe .....  | 379 |
| 8.4   | Die praktische Realisierung von aktiven Analogfiltern .....       | 380 |
| 8.4.1 | Darstellung in der Kaskadenstruktur und Skalierung.....           | 380 |
| 8.4.2 | Bestimmen der Koeffizienten und Filtertabellen.....               | 383 |
| 8.4.3 | Grundschaltungen und Beispiele .....                              | 386 |
| 9     | Digitale Filter .....   | 393 |
| 9.1   | IIR-Filter (Rekursivfilter) .....                                 | 393 |
| 9.1.1 | Einführung.....   | 393 |
| 9.1.2 | Filterentwurf mit der impulsinvarianten $z$ -Transformation ..... | 395 |
| 9.1.3 | Filterentwurf mit der bilinearen $z$ -Transformation .....        | 404 |
| 9.1.4 | Frequenztransformation im $z$ -Bereich .....                      | 415 |
| 9.1.5 | Direkter Entwurf im $z$ -Bereich .....                            | 416 |
| 9.1.6 | Rekursive Filter mit linearem Phasengang.....                     | 418 |
| 9.2   | FIR-Filter (Transversalfilter) .....                              | 423 |
| 9.2.1 | Einführung.....   | 423 |

---

|                                       |  |            |
|---------------------------------------|--|------------|
| 9.2.2                                 | Die 4 Typen linearphasiger FIR-Filter .....                        | 424        |
| 9.2.3                                 | Filterentwurf mit der Fenstermethode.....                          | 430        |
| 9.2.4                                 | Filterentwurf durch Frequenz-Abtastung .....                       | 438        |
| 9.2.5                                 | Filterentwurf durch Synthese im $z$ -Bereich.....                  | 439        |
| 9.2.6                                 | Linearphasige Hochpässe, Bandpässe und Bandsperren.....            | 440        |
| 9.3                                   | Die Realisierung eines Digitalfilters.....                         | 460        |
| 9.3.1                                 | Gegenüberstellung FIR-Filter - IIR-Filter.....                     | 460        |
| 9.3.2                                 | Schema zur Filterentwicklung.....                                  | 461        |
| <b>10</b>                             | <b>Einige weiterführende Ausblicke .....</b>                       | <b>463</b> |
| 10.1                                  | Systeme mit mehreren Abtastraten.....                              | 463        |
| 10.1.1                                | Einführung .....   | 463        |
| 10.1.2                                | Dezimation .....   | 464        |
| 10.1.3                                | Interpolation.....   | 465        |
| 10.1.4                                | Rationale Änderung der Abtaffrequenz .....                         | 467        |
| 10.1.5                                | Polyphasenfilter .....   | 468        |
| 10.2                                  | Analytische Signale und Hilbert-Transformation .....               | 472        |
| 10.2.1                                | Die reelle Abtastung von Bandpass-Signalen .....                   | 472        |
| 10.2.2                                | Die Hilbert-Transformation.....                                    | 475        |
| 10.3                                  | Adaptive Filter.....   | 483        |
| 10.3.1                                | Einführung .....   | 483        |
| 10.3.2                                | Die drei grundsätzlichen Anwendungsformen .....                    | 483        |
| 10.3.2.1                              | Direkte Systemmodellierung.....                                    | 483        |
| 10.3.2.2                              | Inverses Systemmodellierung .....                                  | 484        |
| 10.3.2.3                              | Prädiktion .....   | 485        |
| 10.3.3                                | Einige Anwendungen .....   | 485        |
| 10.3.3.1                              | Echounterdrückung (echo canceller).....                            | 485        |
| 10.3.3.2                              | Rauschunterdrückung (noise canceller, line enhancer) .....         | 487        |
| 10.3.3.3                              | Unterdrückung schmalbandiger Störsignale (beat canceller) ..       | 488        |
| 10.3.3.4                              | Dekorrelator (noise whitener) .....                                | 488        |
| 10.3.3.5                              | Kanalentzerrer (equalizer).....                                    | 488        |
| 10.3.4                                | Algorithmen zur Koeffizienteneinstellung.....                      | 489        |
| 10.4                                  | Parametrische Spektralanalyse .....                                | 490        |
| 10.4.1                                | Einführung .....   | 490        |
| 10.4.2                                | Klassische Spektralschätzung .....                                 | 490        |
| 10.4.3                                | Moderne Spektralschätzung .....                                    | 491        |
| 10.4.4                                | Anwendungsbeispiel: Sprachkompression mit dem LPC-Verfahren .....  | 492        |
| <b>Hinweise zur Weiterarbeit.....</b> | <b>495</b>   |            |
| <b>Anhang: MATLAB .....</b>           | <b>497</b>   |            |
| A.1                                   | Einführung .....   | 497        |
| A.2                                   | Darstellung der analogen und digitalen Systeme in MATLAB .....     | 498        |
| A.2.1                                 | Direktstruktur (Polynomquotienten) .....                           | 498        |
| A.2.2                                 | Kaskadenstruktur (Pol-Nullstellen-Verstärkungs - Darstellung)..... | 499        |
| A.2.3                                 | Biquadkaskade .....  | 500        |
| A.2.4                                 | Parallelstruktur (Partialbruchdarstellung) .....                   | 500        |
| A.2.5                                 | Zustandsraumdarstellung .....                                      | 500        |

|   |            |
|---|------------|
| A.3 MATLAB-Befehle.....                         | 501        |
| A.3.1 Umwandlung der Systemdarstellungen.....   | 501        |
| A.3.2 Digitale Simulation analoger Systeme..... | 501        |
| A.3.3 Analyse von Systemen .....                | 502        |
| A.3.4 Analoge Filter.....                       | 502        |
| A.3.5 IIR-Filter .....                          | 503        |
| A.3.6 FIR-Filter.....                           | 503        |
| A.3.7 Spektralanalyse .....                     | 503        |
| A.3.8 Spezielle Funktionen .....                | 503        |
| A.3.9 Statistische Signalanalyse.....           | 504        |
| A.4 Beispiel-Programme .....                    | 504        |
| A.4.1 Analyse von analogen Systemen .....       | 504        |
| A.4.2 Analyse von digitalen Systemen .....      | 507        |
| A.4.3 Gruppenlaufzeit analoger Systeme.....     | 510        |
| <b>Literaturverzeichnis .....</b>               | <b>511</b> |
| <b>Verzeichnis der Formelzeichen .....</b>      | <b>515</b> |
| <b>Verzeichnis der Abkürzungen.....</b>         | <b>517</b> |
| <b>Sachwortverzeichnis.....</b>                 | <b>519</b> |